

Penser à lancer la démo...

# Réduction de conditions de vérification

*Une approche basée sur les graphes*

Nicolas Stouls

*Post-doctorant INRIA Saclay – Île-de-France, équipe-projet ProVal*

*Travaux réalisés en partenariat avec JF. Couchot et A. Giorgetti du LIFC*

16 juin 2008

## Preuve de programmes

- ▶ Vérification d'un programme par rapport à une spécification
- ▶ Approche classique : *Vérification déductive*
  - ▶ Programme dont on a le code
  - ▶ Spécification sous forme d'annotations
    - ▶ Pré/post-conditions
    - ▶ Invariants
    - ▶ Assertions
  - ▶ L'analyse du code génère des « *conditions de vérification* »
    - ▶ CV : *aussi appelée obligations de preuve*  
*Formule logique qui, si elle est vérifiée, permet de garantir le respect d'une propriété par le code.*

# Introduction

## Exemple d'autres approches de preuve de programmes

- ▶ Analyse déductive
  - ▶ Pas de spécification nécessaire
  - ▶ Uniquement basé sur l'analyse du code
  - ▶ Exemple : *vérification de l'absence de buffer overflow*
- ▶ Vérification externe
  - ▶ Pas de code : seulement les API et la spécification
  - ▶ Vérification de la cohérence de différentes spécifications
  - ▶ Exemple : *vérification de compatibilité de modules*

## Approche existante dans d'autres langages

Java : ESC/Java, basé sur le langage d'annotations JML

C# : Boogie, basé sur le langage d'annotations Spec#

C : Why/Caduceus, basé sur le langage d'annotations CML

# Environnement : Plate-forme Why/Caduceus

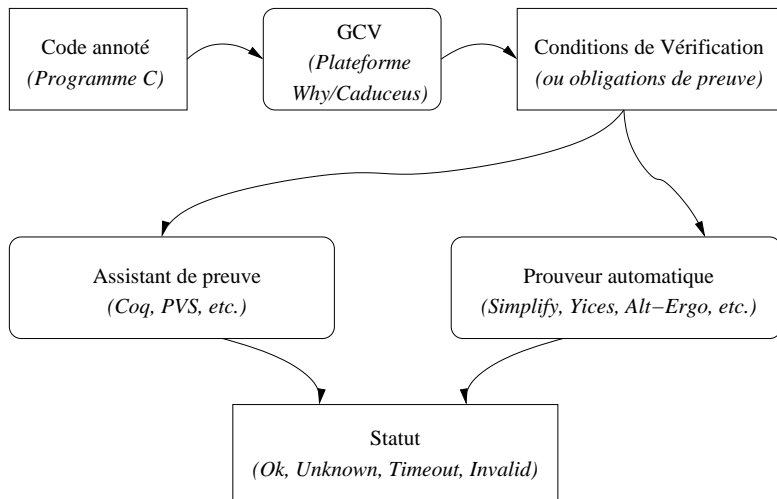
## Problématiques liées au langage C

- ▶ Langage faiblement typé
- ▶ Norme ANSI non complète
- ▶ Arithmétique de pointeurs
- ▶ Aliasing possible
- ▶ *etc.*

## Solutions déjà proposées par Why/Caduceus

- ▶ Induction de types
- ▶ Quelques restrictions sur le langage
- ▶ Modèle mémoire de *Burstall-Bornat*
  - ▶ Ramène la détection d'aliasing à du typage

# Description générale du processus



## Cadre de ce travail

- ▶ **Projet RNTL CAT (C Analyzis Toolbox)**
  - ▶ Outils pour la validation par la preuve de programmes C
  - ▶ Plate-forme Caduceus/Why
- ▶ **Projet System@tic PFC (Plates-formes de confiance)**
  - ▶ Différentes contributions dont :
    - ▶ Utilisation de la plate-forme Caduceus/Why
    - ▶ Amélioration de l'automatisation des preuves

# Notre objectif : maximiser l'automatisation des preuves

## Différentes approches

- ▶ Optimisation de l'axiomatisation du langage
  - ▶ Par exemple le modèle mémoire
- ▶ Tactiques de simplification des CVs
  - ▶ Limitation de l'explosion combinatoire
  - ▶ Méthodes ad-hoc de réécriture des CVs (*liées aux prouveurs visés*)
  - ▶ Analyse et simplification propositionnelle des hypothèses



# Notre approche : sélection d'hypothèses

- ▶ Principe : *Retirer les hypothèses non pertinentes*
- ▶ Définition intuitive de la pertinence :  
*Une hypothèse  $h$  est pertinente si la condition de vérification est valide, mais qu'elle ne l'est plus si l'on retire  $h$ .*  
 $\implies$  *Problème indécidable*
- ▶ Idée d'approximation :  
*caractériser la pertinence d'une hypothèse par rapport à sa « distance » de la conclusion*
- ▶ Approche par construction de graphes de dépendances

## Exemple fil rouge

```
void swap(int Tab[], int a,int taille){  
    Tab[a]=Tab[a]+Tab[a+1];  
    Tab[a+1]=Tab[a]-Tab[a+1];  
    Tab[a]=Tab[a]-Tab[a+1];  
}
```

## Exemple fil rouge

```
/* @ requires // Pré-condition  
   @  $0 \leq a < \text{taille} - 1 \wedge \backslash \text{valid\_range}(\text{Tab}, 0, \text{taille} - 1)$   
   @ assigns // Déclaration des effets de bord  
   @ Tab[a], Tab[a+1]  
   @ ensures // Post-condition  
   @  $\text{Tab}[a] == \backslash \text{old}(\text{Tab}[a+1]) \wedge \text{Tab}[a+1] == \backslash \text{old}(\text{Tab}[a])$   
*/
```

```
void swap(int Tab[], int a, int taille){  
    Tab[a]=Tab[a]+Tab[a+1];  
    Tab[a+1]=Tab[a]-Tab[a+1];  
    Tab[a]=Tab[a]-Tab[a+1];  
}
```

## Exemple fil rouge

```
/* @ requires // Pré-condition
   @  $0 \leq a < \text{taille} - 1 \wedge \backslash \text{valid\_range}(\text{Tab}, 0, \text{taille} - 1)$ 
   @ assigns // Déclaration des effets de bord
   @  $\text{Tab}[a], \text{Tab}[a+1]$ 
   @ ensures // Post-condition
   @  $\text{Tab}[a] == \backslash \text{old}(\text{Tab}[a+1]) \wedge \text{Tab}[a+1] == \backslash \text{old}(\text{Tab}[a])$ 
*/
```

```
void swap(int Tab[], int a, int taille){
    Tab[a]=Tab[a]+Tab[a+1];
    Tab[a+1]=Tab[a]-Tab[a+1];
    Tab[a]=Tab[a]-Tab[a+1];
}
```

Certains prouveurs n'arrivent pas à établir la préservation de la post-condition de cette fonction.

# Illustration du modèle mémoire de Caduceus

- ▶ Chaque pointeur pointe dans une mémoire
- ▶ Différentes mémoires caractérisent différents moments

```
void swap(int Tab[], int a,int taille){  
// Tab est initialement dans la mémoire m  
    Tab[a]=Tab[a]+Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m0  
// Propriété : m et m0 ne diffèrent que part Tab + a  
    Tab[a+1]=Tab[a]-Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m1  
// Propriété : m0 et m1 ne diffèrent que part Tab + a + 1  
    Tab[a]=Tab[a]-Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m2  
// Propriété : m1 et m2 ne diffèrent que part Tab + a  
}
```

Problème Établir que  $m$  et  $m_2$  ne diffèrent que par  $Tab + a$  et  $Tab + a + 1$

# Illustration du modèle mémoire de Caduceus

- ▶ Chaque pointeur pointe dans une mémoire
- ▶ Différentes mémoires caractérisent différents moments

```
void swap(int Tab[], int a,int taille){  
// Tab est initialement dans la mémoire m  
    Tab[a]=Tab[a]+Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m0  
// Propriété : m et m0 ne diffèrent que part Tab + a  
    Tab[a+1]=Tab[a]-Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m1  
// Propriété : m0 et m1 ne diffèrent que part Tab + a + 1  
    Tab[a]=Tab[a]-Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m2  
// Propriété : m1 et m2 ne diffèrent que part Tab + a  
}
```

Problème Établir que  $m$  et  $m_2$  ne diffèrent que par  $Tab + a$  et  $Tab + a + 1$

# Illustration du modèle mémoire de Caduceus

- ▶ Chaque pointeur pointe dans une mémoire
- ▶ Différentes mémoires caractérisent différents moments

```
void swap(int Tab[], int a, int taille){  
  // Tab est initialement dans la mémoire m  
  Tab[a]=Tab[a]+Tab[a+1];  
  // Tab modifié est dans la mémoire m0  
  // Propriété : m et m0 ne diffèrent que part Tab + a  
  Tab[a+1]=Tab[a]-Tab[a+1];  
  // Tab modifié est dans la mémoire m1  
  // Propriété : m0 et m1 ne diffèrent que part Tab + a + 1  
  Tab[a]=Tab[a]-Tab[a+1];  
  // Tab modifié est dans la mémoire m2  
  // Propriété : m1 et m2 ne diffèrent que part Tab + a  
}
```

Problème Établir que  $m$  et  $m_2$  ne diffèrent que par  $Tab + a$  et  $Tab + a + 1$

# Illustration du modèle mémoire de Caduceus

- ▶ Chaque pointeur pointe dans une mémoire
- ▶ Différentes mémoires caractérisent différents moments

```
void swap(int Tab[], int a,int taille){  
// Tab est initialement dans la mémoire m  
    Tab[a]=Tab[a]+Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m0  
// Propriété : m et m0 ne diffèrent que part Tab + a  
    Tab[a+1]=Tab[a]-Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m1  
// Propriété : m0 et m1 ne diffèrent que part Tab + a + 1  
    Tab[a]=Tab[a]-Tab[a+1];  
// Tab modifié est dans la mémoire m2  
// Propriété : m1 et m2 ne diffèrent que part Tab + a  
}
```

**Problème** Établir que  $m$  et  $m_2$  ne diffèrent que par  $Tab + a$  et  $Tab + a + 1$



## Détail d'une CV (Suite de l'exemple fil rouge)

$h_1$

$\wedge h_2$

$\wedge \dots$

$\wedge \dots$

$\wedge h_n$

$\wedge h_{n+1}$

$\wedge h_{n+2}$

$\wedge \dots$

$\wedge \dots$

$\wedge h_m$

$\implies$

$\text{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\}) // \text{But}$

## Détail d'une CV (Suite de l'exemple fil rouge)

$$\left. \begin{array}{l} h_1 \\ \wedge h_2 \\ \wedge \dots \\ \wedge \dots \\ \wedge h_n \end{array} \right\} \text{Axiomatisation}$$
$$\left. \begin{array}{l} \wedge h_{n+1} \\ \wedge h_{n+2} \\ \wedge \dots \\ \wedge \dots \\ \wedge h_m \end{array} \right\} \text{Contexte}$$

$\implies$   
 $\text{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\}) // \text{But}$

## Détail d'une CV (Suite de l'exemple fil rouge)

$$\left. \begin{array}{l} h_1 \\ \wedge h_2 \\ \wedge \dots \\ \wedge \dots \\ \wedge h_n \\ \wedge h_{n+1} \end{array} \right\} \text{Axiomatisation}$$
$$\left. \begin{array}{l} \wedge m_0 = \text{upd} \left( \begin{array}{l} m, \quad \text{Tab}+a, \\ \text{acc}(m, \text{Tab}+a) + \text{acc}(m, \text{Tab}+a+1) \end{array} \right) \\ \wedge \dots \\ \wedge h_m \end{array} \right\} \text{Contexte}$$
$$\implies \text{diff}(m, m_2, \{\text{Tab}+a+1, \text{Tab}+a\}) \text{ // But}$$

## Détail d'une CV (Suite de l'exemple fil rouge)

$$\begin{array}{l} h_1 \\ \wedge \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp) \Leftrightarrow \forall p \cdot \left( \begin{array}{l} \neg \mathbf{valid}(p) \wedge \neg \mathbf{mem}(p, lp) \\ \Rightarrow \mathbf{acc}(m_1, p) = \mathbf{acc}(m_2, p) \end{array} \right) \\ \wedge \dots \\ \wedge h_n \\ \wedge h_{n+1} \\ \wedge m_0 = \mathit{upd} \left( \begin{array}{l} m, \quad \mathit{Tab}+a, \\ \mathbf{acc}(m, \mathit{Tab}+a) + \mathbf{acc}(m, \mathit{Tab}+a+1) \end{array} \right) \\ \wedge \dots \\ \wedge h_m \\ \implies \end{array} \left. \vphantom{\begin{array}{l} h_1 \\ \wedge \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp) \Leftrightarrow \forall p \cdot \left( \begin{array}{l} \neg \mathbf{valid}(p) \wedge \neg \mathbf{mem}(p, lp) \\ \Rightarrow \mathbf{acc}(m_1, p) = \mathbf{acc}(m_2, p) \end{array} \right) \\ \wedge \dots \\ \wedge h_n \\ \wedge h_{n+1} \\ \wedge m_0 = \mathit{upd} \left( \begin{array}{l} m, \quad \mathit{Tab}+a, \\ \mathbf{acc}(m, \mathit{Tab}+a) + \mathbf{acc}(m, \mathit{Tab}+a+1) \end{array} \right) \\ \wedge \dots \\ \wedge h_m \\ \implies \end{array}} \right\} \begin{array}{l} \text{Axiomatisation} \\ \\ \text{Contexte} \end{array}$$

$\mathbf{diff}(m, m_2, \{\mathit{Tab}+a+1, \mathit{Tab}+a\}) \ // \text{ But}$

# Graphes de dépendance

## Idée

*Caractériser la distance entre une hypothèse et le but par :*

- ▶ la distance entre leurs prédicats (**diff**, **\ valid**, **mem**, etc.)
- ▶ la distance entre leurs termes (*Tab*,  $m_i$ , etc.)

## Noeuds

Termes ou prédicats (suivant le type de graphe)

## Liaisons des Noeuds

ou  $\left. \begin{array}{l} 2 \text{ prédicats} \\ 2 \text{ termes} \end{array} \right\}$  sont liées s'ils existent dans une même hypothèse

# Construction d'un graphe de dépendance des termes

- ▶ Construit à partir des hypothèses du contexte
- ▶ Méthode proposée :
  1. Pour chaque hypothèse du contexte

$$m_0 = \text{upd} ( m, \text{Tab}+a, \text{acc}(m, \text{Tab}+a) + \text{acc}(m, \text{Tab}+a+1) )$$

2. On aplatit ses termes  
(chaque fonction « génère » une variable fraîche)

$$\begin{aligned} m_0 &= \text{upd}_0 \\ \wedge \text{upd}_0 &= \text{upd} ( m, \text{shift}_0, \text{shift}_1 ) \\ \wedge \text{shift}_0 &= \text{Tab}+a \\ \wedge \text{shift}_1 &= \text{acc}_0 + \text{acc}_1 \\ \wedge \text{acc}_0 &= \text{acc}(m, \text{shift}_0) \\ \wedge \text{acc}_1 &= \text{acc}(m, \text{shift}_2) \\ \wedge \text{shift}_2 &= \text{Tab}+a+1 \end{aligned}$$

3. Chaque littéral est caractérisé par ses termes non fonctionnels

# Construction d'un graphe de dépendance des termes

- ▶ Construit à partir des hypothèses du contexte
- ▶ Méthode proposée :
  1. Pour chaque hypothèse du contexte

$$m_0 = upd( m, Tab+a, acc(m, Tab+a) + acc(m, Tab+a+1) )$$

2. On aplatit ses termes  
(chaque fonction « génère » une variable fraîche)

$$\begin{aligned} m_0 &= upd_0 \\ \wedge upd_0 &= upd( m, shift_0, shift_1 ) \\ \wedge shift_0 &= Tab+a \\ \wedge shift_1 &= acc_0 + acc_1 \\ \wedge acc_0 &= acc(m, shift_0) \\ \wedge acc_1 &= acc(m, shift_2) \\ \wedge shift_2 &= Tab+a+1 \end{aligned}$$

3. Chaque littéral est caractérisé par ses termes non fonctionnels

# Construction d'un graphe de dépendance des termes

- ▶ Construit à partir des hypothèses du contexte
- ▶ Méthode proposée :
  1. Pour chaque hypothèse du contexte

$$m_0 = \text{upd}( m, \text{Tab}+a, \text{acc}(m, \text{Tab}+a) + \text{acc}(m, \text{Tab}+a+1) )$$

2. On aplatit ses termes  
(chaque fonction « génère » une variable fraîche)

$$\begin{array}{ll} m_0 = \text{upd}_0 & \{ m_0, \text{upd}_0 \} \\ \wedge \text{upd}_0 = \text{upd}( m, \text{shift}_0, \text{shift}_1 ) & \{ \text{upd}_0, m, \text{shift}_0, \text{shift}_1 \} \\ \wedge \text{shift}_0 = \text{Tab}+a & \{ \text{shift}_0, \text{Tab}, a \} \\ \wedge \text{shift}_1 = \text{acc}_0 + \text{acc}_1 & \{ \text{shift}_1, \text{acc}_0, \text{acc}_1 \} \\ \wedge \text{acc}_0 = \text{acc}(m, \text{shift}_0) & \{ \text{acc}_0, m, \text{shift}_0 \} \\ \wedge \text{acc}_1 = \text{acc}(m, \text{shift}_2) & \{ \text{acc}_1, m, \text{shift}_2 \} \\ \wedge \text{shift}_2 = \text{Tab}+a+1 & \{ \text{shift}_2, \text{Tab}, a \} \end{array}$$

3. Chaque littéral est caractérisé par ses termes non fonctionnels

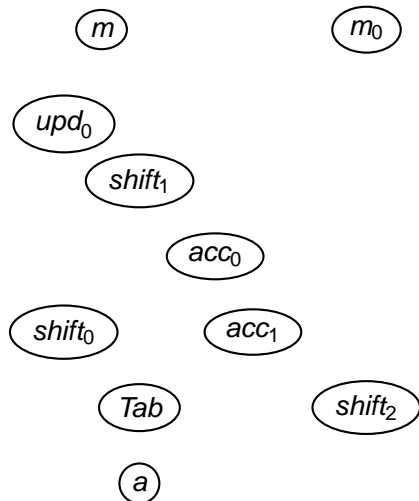


# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud

5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

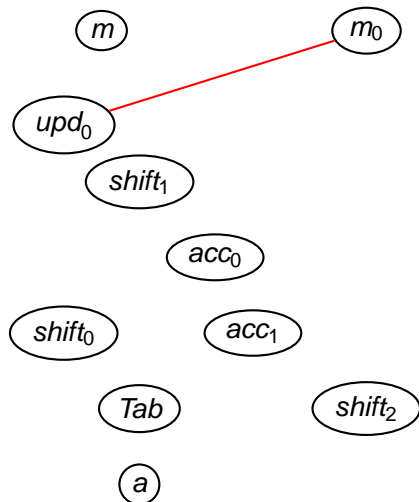
- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$



# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud
5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

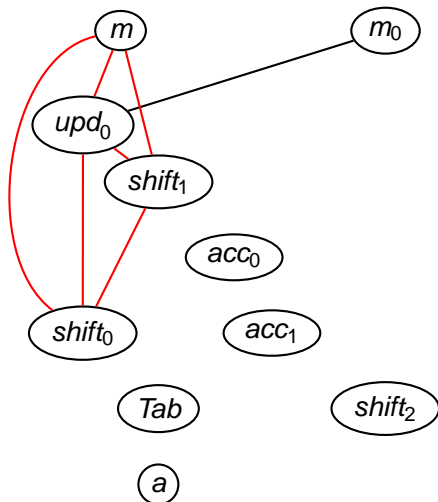
- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$



# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud
5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

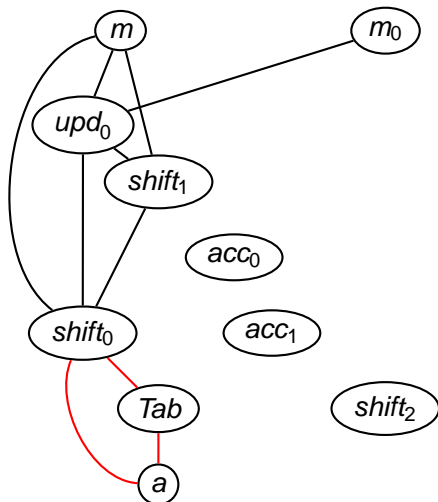
- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$



# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud
5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

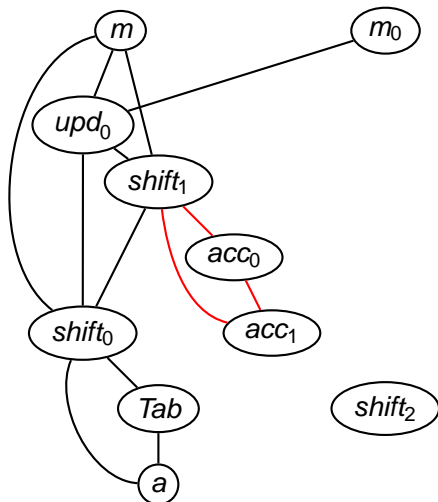
- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$



# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud
5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

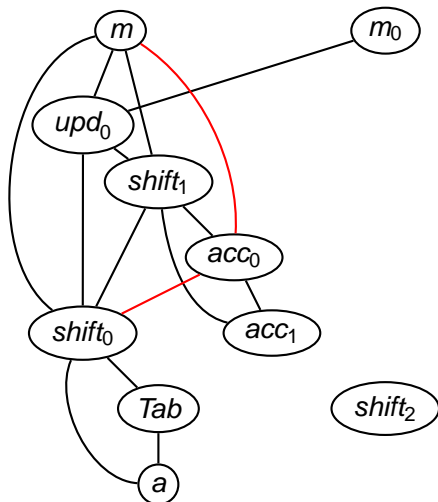
- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$



# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud
5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

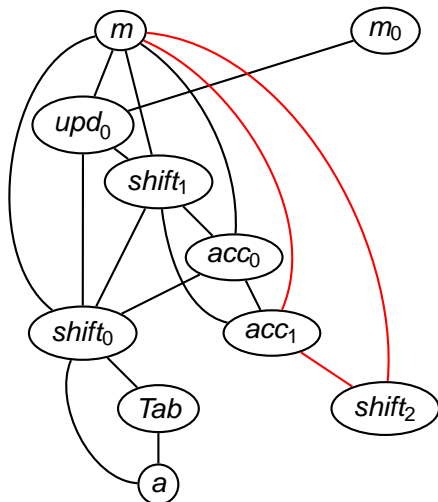
- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$



# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud
5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

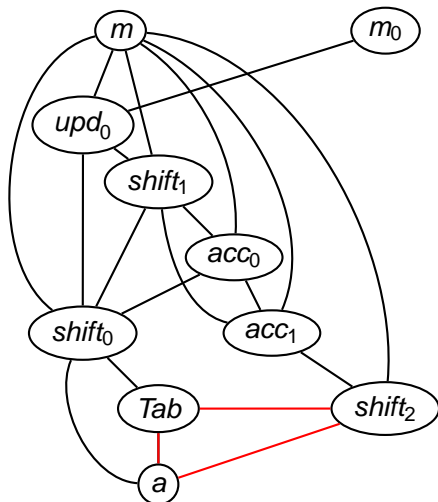
- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$



# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud
5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$

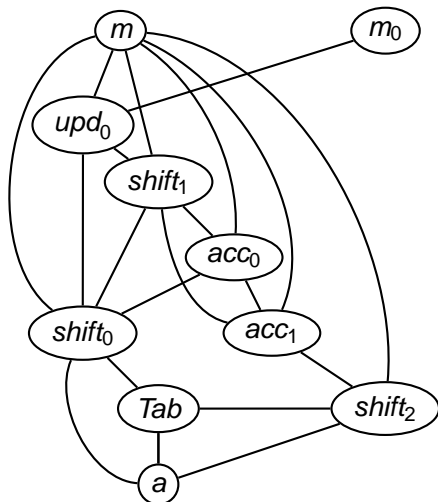




# Graphe de dépendance des termes

4. Chaque terme non fonctionnel devient un noeud
5. Chaque ensemble de termes est fortement connecté

- ▶  $\{m_0, upd_0\}$
- ▶  $\{upd_0, m, shift_0, shift_1\}$
- ▶  $\{shift_0, Tab, a\}$
- ▶  $\{shift_1, acc_0, acc_1\}$
- ▶  $\{acc_0, m, shift_0\}$
- ▶  $\{acc_1, m, shift_2\}$
- ▶  $\{shift_2, Tab, a\}$

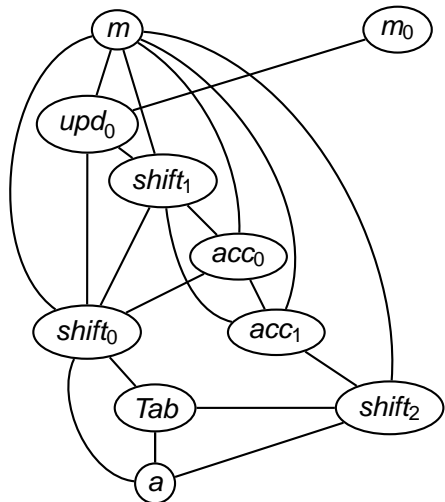


## Degré de pertinence d'un terme

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

Rappel du but :

$\text{diff}(m, m_2, \{Tab + a + 1, Tab + a\})$



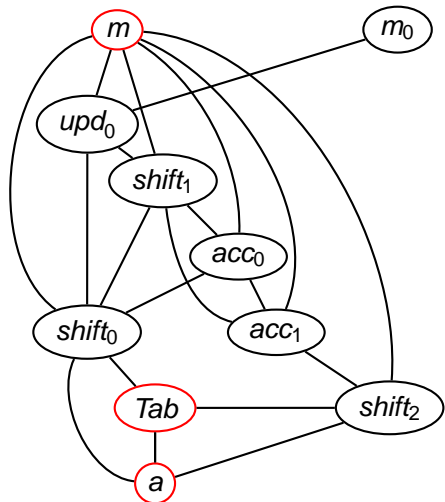
## Degré de pertinence d'un terme

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

$$\mathcal{T}_0 = \{m, m_2, Tab, a\}$$

Rappel du but :

$$\mathbf{diff}(m, m_2, \{Tab + a + 1, Tab + a\})$$



## Degré de pertinence d'un terme

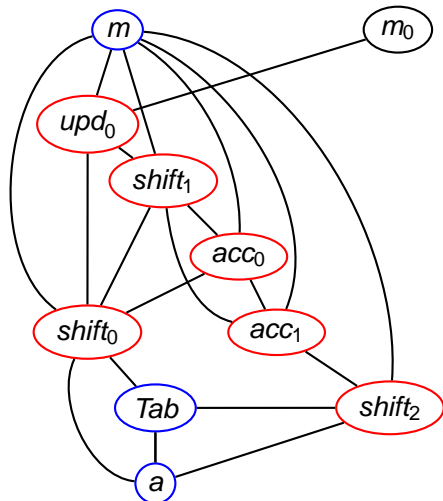
- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

$$\mathcal{T}_0 = \{m, m_2, Tab, a\}$$

$$\mathcal{T}_1 = \mathcal{T}_0 \cup \left\{ \begin{array}{l} shift_0, shift_1, shift_2, \\ upd_0, acc_0, acc_1 \end{array} \right\}$$

Rappel du but :

$$\mathbf{diff}(m, m_2, \{Tab + a + 1, Tab + a\})$$



## Degré de pertinence d'un terme

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

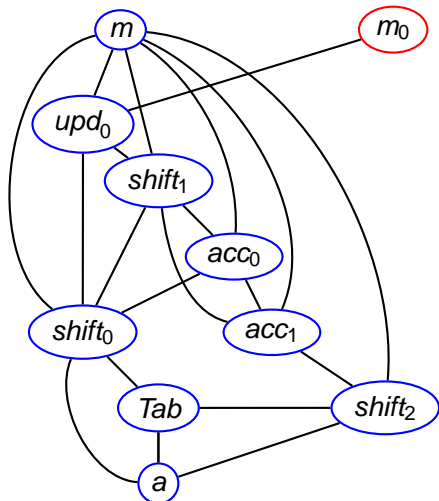
$$\mathcal{T}_0 = \{m, m_2, Tab, a\}$$

$$\mathcal{T}_1 = \mathcal{T}_0 \cup \left\{ \begin{array}{l} shift_0, shift_1, shift_2, \\ upd_0, acc_0, acc_1 \end{array} \right\}$$

$$\mathcal{T}_2 = \mathcal{T}_1 \cup \{m_0\}$$

Rappel du but :

$\text{diff}(m, m_2, \{Tab + a + 1, Tab + a\})$



## Degré de pertinence d'un terme

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

$$\mathcal{T}_0 = \{m, m_2, Tab, a\}$$

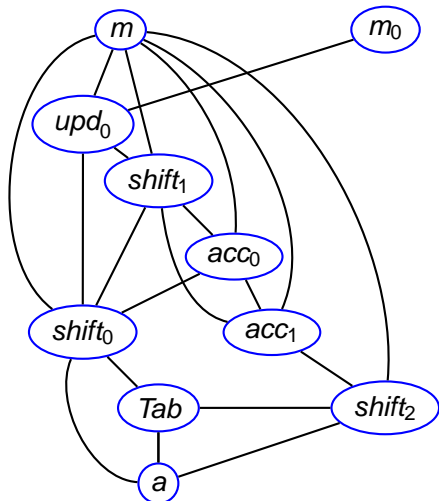
$$\mathcal{T}_1 = \mathcal{T}_0 \cup \left\{ \begin{array}{l} shift_0, shift_1, shift_2, \\ upd_0, acc_0, acc_1 \end{array} \right\}$$

$$\mathcal{T}_2 = \mathcal{T}_1 \cup \{m_0\}$$

...

Rappel du but :

$$\mathbf{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\})$$



# Graphe de dépendance des prédicats

- ▶ Construit à partir de l'axiomatisation du langage
- ▶ Graphe orienté : considération de la polarité des prédicats
- ▶ Méthode proposée :
  1. Pour chaque axiome

$$\text{diff}(m_1, m_2, lp) \Leftrightarrow (\forall p. \neg \text{valid}(p) \wedge \neg \text{mem}(p, lp) \Rightarrow \text{acc}(m_1, p) = \text{acc}(m_2, p))$$

2. On le met en CNF

(Forme normale conjonctive –  $p_0$  issue de la skolemisation de  $p$ )

$$\begin{aligned} & \neg (\neg \text{diff}(m_1, m_2, lp) \vee \neg \neg \text{valid}(p) \vee \text{mem}(p, lp) \vee \text{acc}(m_1, p) = \text{acc}(m_2, p)) \\ & \wedge (\neg \text{valid}(p_0) \vee \text{diff}(m_1, m_2, lp)) \\ & \wedge (\neg \text{mem}(p_0, lp) \vee \text{diff}(m_1, m_2, lp)) \\ & \wedge (\text{acc}(m_1, p_0) \neq \text{acc}(m_2, p_0) \vee \text{diff}(m_1, m_2, lp)) \end{aligned}$$

# Graphe de dépendance des prédicats

- ▶ Construit à partir de l'axiomatisation du langage
- ▶ Graphe orienté : considération de la polarité des prédicats
- ▶ Méthode proposée :
  1. Pour chaque axiome

$$\mathbf{diff}(m_1, m_2, lp) \Leftrightarrow (\forall p. \neg \mathbf{valid}(p) \wedge \neg \mathbf{mem}(p, lp) \Rightarrow acc(m_1, p) = acc(m_2, p))$$

2. On le met en CNF

*(Forme normale conjonctive –  $p_0$  issue de la skolémisation de  $p$ )*

$$\begin{aligned} & (\neg \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp) \vee \neg \mathbf{valid}(p) \vee \mathbf{mem}(p, lp) \vee acc(m_1, p) = acc(m_2, p)) \\ \wedge & (\neg \mathbf{valid}(p_0) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \\ \wedge & (\neg \mathbf{mem}(p_0, lp) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \\ \wedge & (acc(m_1, p_0) \neq acc(m_2, p_0) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \end{aligned}$$

3. Chaque clause est caractérisée par ses prédicats



# Grphe de dpendance des prdicats

- ▶ Construit à partir de l'axiomatisation du langage
- ▶ Grphe orienté : considération de la polarité des prdicats
- ▶ Méthode proposée :
  1. Pour chaque axiome

$$\mathbf{diff}(m_1, m_2, lp) \Leftrightarrow (\forall p. \neg \mathbf{valid}(p) \wedge \neg \mathbf{mem}(p, lp) \Rightarrow acc(m_1, p) = acc(m_2, p))$$

2. On le met en CNF

*(Forme normale conjonctive –  $p_0$  issue de la skolémisation de  $p$ )*

$$\begin{aligned} & (\neg \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp) \vee \neg \mathbf{valid}(p) \vee \mathbf{mem}(p, lp) \vee acc(m_1, p) = acc(m_2, p)) \\ \wedge & (\mathbf{valid}(p_0) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \\ \wedge & (\neg \mathbf{mem}(p_0, lp) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \\ \wedge & (acc(m_1, p_0) \neq acc(m_2, p_0) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \end{aligned}$$

3. Chaque clause est caractérisée par ses prdicats

# Graphe de dépendance des prédicats

- ▶ Construit à partir de l'axiomatisation du langage
- ▶ Graphe orienté : considération de la polarité des prédicats
- ▶ Méthode proposée :
  1. Pour chaque axiome

$$\mathbf{diff}(m_1, m_2, lp) \Leftrightarrow (\forall p. \neg \mathbf{valid}(p) \wedge \neg \mathbf{mem}(p, lp) \Rightarrow acc(m_1, p) = acc(m_2, p))$$

2. On le met en CNF

*(Forme normale conjonctive –  $p_0$  issue de la skolémisation de  $p$ )*

$$\begin{aligned} & (\neg \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp) \vee \neg \mathbf{valid}(p) \vee \mathbf{mem}(p, lp) \vee acc(m_1, p) = acc(m_2, p)) \\ \wedge & (\neg \mathbf{valid}(p_0) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \\ \wedge & (\neg \mathbf{mem}(p_0, lp) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \\ \wedge & (acc(m_1, p_0) \neq acc(m_2, p_0) \vee \mathbf{diff}(m_1, m_2, lp)) \end{aligned}$$

3. Chaque clause est caractérisée par ses prédicats

# Graphe de dépendance des prédicats

4. Chaque prédicat  $p$  devient deux noeuds :  $p$  et  $\bar{p}$
5. Chaque ensemble de prédicats est fortement connecté  
(*modulo les symétries*)

▶  $\{\neg \text{diff}, \neg \backslash \text{valid}, \text{mem}, =\}$

▶  $\{\backslash \text{valid}, \text{diff}\}$

▶  $\{\neg \text{mem}, \text{diff}\}$

▶  $\{\neq, \text{diff}\}$



# Graphe de dépendance des prédicats

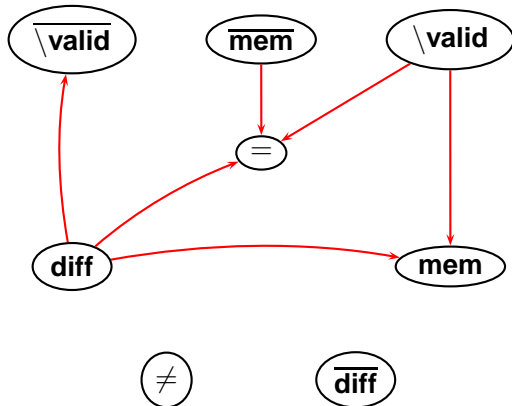
4. Chaque prédicat  $p$  devient deux noeuds :  $p$  et  $\bar{p}$
5. Chaque ensemble de prédicats est fortement connecté (*modulo les symétries*)

▶  $\{\neg \text{diff}, \neg \backslash \text{valid}, \text{mem}, =\}$

▶  $\{\backslash \text{valid}, \text{diff}\}$

▶  $\{\neg \text{mem}, \text{diff}\}$

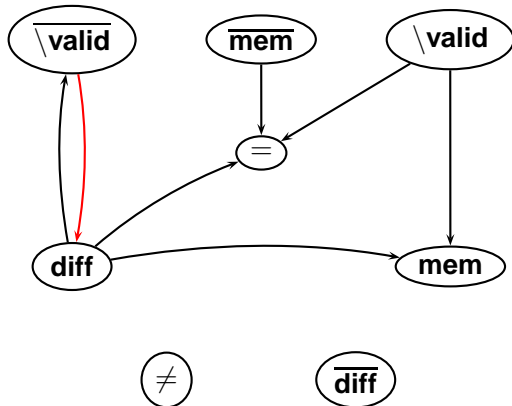
▶  $\{\neq, \text{diff}\}$



# Graphe de dépendance des prédicats

4. Chaque prédicat  $p$  devient deux noeuds :  $p$  et  $\bar{p}$
5. Chaque ensemble de prédicats est fortement connecté (*modulo les symétries*)

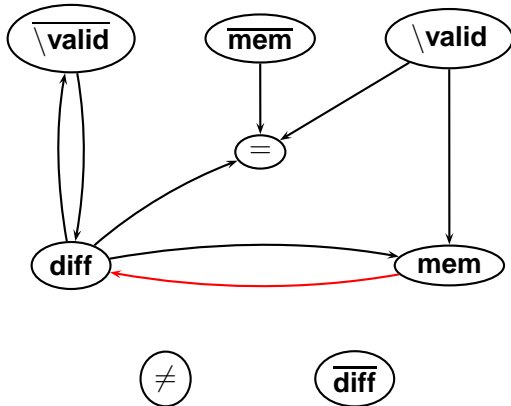
- ▶  $\{\neg \text{diff}, \neg \backslash \text{valid}, \text{mem}, =\}$
- ▶  $\{\backslash \text{valid}, \text{diff}\}$
- ▶  $\{\neg \text{mem}, \text{diff}\}$
- ▶  $\{\neq, \text{diff}\}$



# Graphe de dépendance des prédicats

4. Chaque prédicat  $p$  devient deux noeuds :  $p$  et  $\bar{p}$
5. Chaque ensemble de prédicats est fortement connecté (*modulo les symétries*)

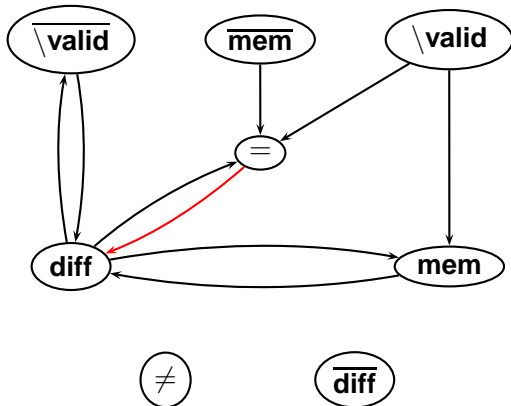
- ▶  $\{\neg \text{diff}, \neg \backslash \text{valid}, \text{mem}, =\}$
- ▶  $\{\backslash \text{valid}, \text{diff}\}$
- ▶  $\{\neg \text{mem}, \text{diff}\}$
- ▶  $\{\neq, \text{diff}\}$



# Graphe de dépendance des prédicats

4. Chaque prédicat  $p$  devient deux noeuds :  $p$  et  $\bar{p}$
5. Chaque ensemble de prédicats est fortement connecté (*modulo les symétries*)

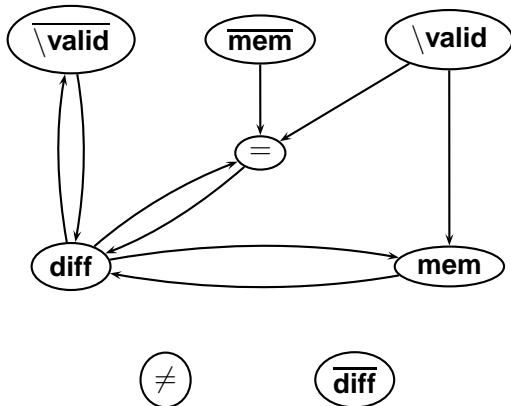
- ▶  $\{\neg \text{diff}, \neg \backslash \text{valid}, \text{mem}, =\}$
- ▶  $\{\backslash \text{valid}, \text{diff}\}$
- ▶  $\{\neg \text{mem}, \text{diff}\}$
- ▶  $\{\neq, \text{diff}\}$



# Graphe de dépendance des prédicats

4. Chaque prédicat  $p$  devient deux noeuds :  $p$  et  $\bar{p}$
5. Chaque ensemble de prédicats est fortement connecté (*modulo les symétries*)

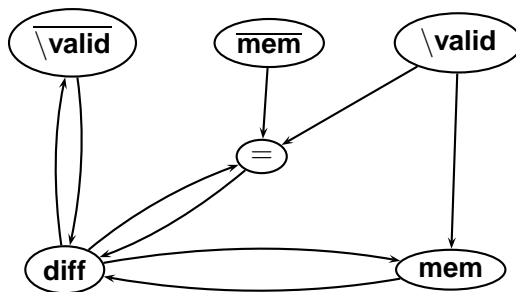
- ▶  $\{\neg \text{diff}, \neg \backslash \text{valid}, \text{mem}, =\}$
- ▶  $\{\backslash \text{valid}, \text{diff}\}$
- ▶  $\{\neg \text{mem}, \text{diff}\}$
- ▶  $\{\neq, \text{diff}\}$





## Degré de pertinence d'un prédicat

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents



Rappel du but :

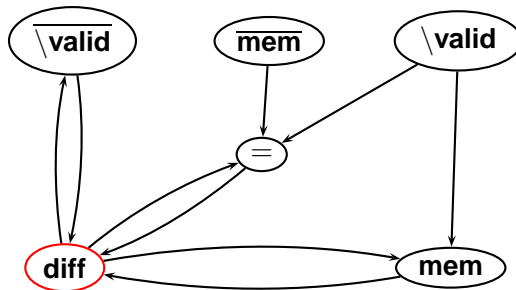
$\text{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\})$



## Degré de pertinence d'un prédicat

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

$$\mathcal{P}_0 = \{\mathbf{diff}\}$$



Rappel du but :

$$\mathbf{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\})$$

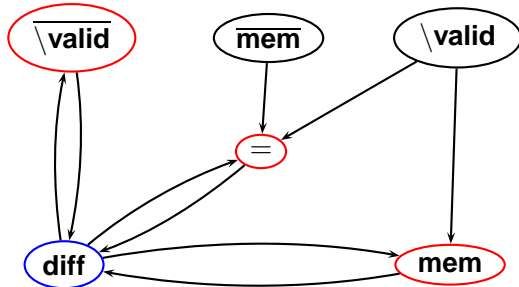


# Degré de pertinence d'un prédicat

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

$$\mathcal{P}_0 = \{\mathbf{diff}\}$$

$$\mathcal{P}_1 = \mathcal{P}_0 \cup \{\overline{\mathbf{valid}}, \mathbf{mem}, =\}$$



Rappel du but :

$$\mathbf{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\})$$



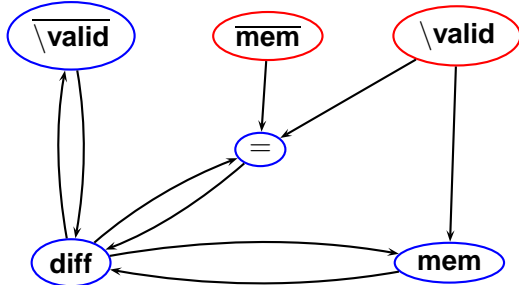
# Degré de pertinence d'un prédicat

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

$$\mathcal{P}_0 = \{\mathbf{diff}\}$$

$$\mathcal{P}_1 = \mathcal{P}_0 \cup \{\overline{\mathbf{valid}}, \mathbf{mem}, =\}$$

$$\mathcal{P}_2 = \mathcal{P}_1 \cup \{\overline{\mathbf{mem}}, \backslash \mathbf{valid}\}$$



Rappel du but :

$$\mathbf{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\})$$



# Degré de pertinence d'un prédicat

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

$$\mathcal{P}_0 = \{\mathbf{diff}\}$$

$$\mathcal{P}_1 = \mathcal{P}_0 \cup \{\overline{\mathbf{valid}}, \mathbf{mem}, =\}$$

$$\mathcal{P}_2 = \mathcal{P}_1 \cup \{\overline{\mathbf{mem}}, \overline{\mathbf{valid}}\}$$

$$\mathcal{P}_3 = \mathcal{P}_2 \cup \{\neq, \overline{\mathbf{diff}}\}$$

Parcours modulo la symétrie :

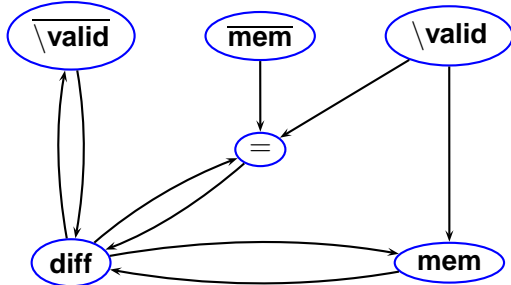
$$(\overline{\mathbf{valid}} \Rightarrow \mathbf{diff})$$

$\Leftrightarrow$

$$(\overline{\mathbf{diff}} \Rightarrow \overline{\mathbf{valid}})$$

Rappel du but :

$$\mathbf{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\})$$



# Degré de pertinence d'un prédicat

- ▶ Partant des termes de la conclusion
- ▶ Les termes les plus proches de ceux du but sont plus pertinents

$$\mathcal{P}_0 = \{\mathbf{diff}\}$$

$$\mathcal{P}_1 = \mathcal{P}_0 \cup \{\overline{\mathbf{valid}}, \mathbf{mem}, =\}$$

$$\mathcal{P}_2 = \mathcal{P}_1 \cup \{\overline{\mathbf{mem}}, \overline{\mathbf{valid}}\}$$

$$\mathcal{P}_3 = \mathcal{P}_2 \cup \{\neq, \overline{\mathbf{diff}}\}$$

...

*Parcours modulo la symétrie :*

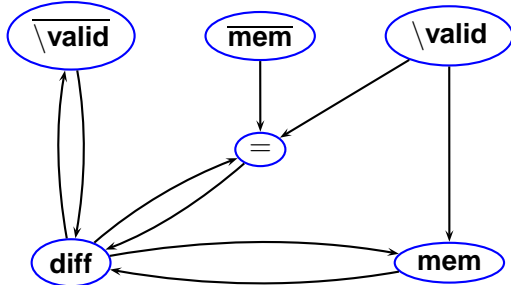
$$(\overline{\mathbf{valid}} \Rightarrow \mathbf{diff})$$

$\Leftrightarrow$

$$(\overline{\mathbf{diff}} \Rightarrow \overline{\mathbf{valid}})$$

Rappel du but :

$$\mathbf{diff}(m, m_2, \{Tab+a+1, Tab+a\})$$



$$\neq$$

$$\overline{\mathbf{diff}}$$

# Sélection d'hypothèses

- ▶ Plusieurs critères de sélection de  $H$  possibles :

1. Contient au moins un terme ou un prédicat pertinent

$$T \cap \mathcal{T}_{i_t} \neq \emptyset \vee P \cap \mathcal{P}_{i_p} \neq \emptyset$$

2. Contient au moins un certain seuil de termes et prédicats  
 $\text{card}(T \cap \mathcal{T}_{i_t})/\text{card}(\mathcal{T}_{i_t}) > s_t \vee \text{card}(P \cap \mathcal{P}_{i_p})/\text{card}(\mathcal{P}_{i_p}) > s_p$

3. Ne contient que des termes et des prédicats pertinents

$$T \subseteq \mathcal{T}_{i_t} \wedge P \subseteq \mathcal{P}_{i_p}$$

- ▶ En pratique, (1) et (2) sont trop faibles

## Méthode générale

1. Construction des graphes de dépendance (*termes et prédicats*)
2. Attribution d'une pertinence à chaque terme et prédicat
3. Partant d'une sélection très restrictive :
  - ▶ Filtrage des hypothèses et preuve automatique

Ok C'est prouvé

Timeout / Invalid On abandonne

Unknown On recommence avec un filtrage plus lâche

# Sélection d'hypothèses

- ▶ Plusieurs critères de sélection de  $H$  possibles :

1. Contient au moins un terme ou un prédicat pertinent

$$T \cap \mathcal{T}_t \neq \emptyset \vee P \cap \mathcal{P}_p \neq \emptyset$$

2. Contient au moins un certain seuil de termes et prédicats  
 $\text{card}(T \cap \mathcal{T}_t) / \text{card}(\mathcal{T}_t) > s_t \vee \text{card}(P \cap \mathcal{P}_p) / \text{card}(\mathcal{P}_p) > s_p$

3. Ne contient que des termes et des prédicats pertinents

$$T \subseteq \mathcal{T}_t \wedge P \subseteq \mathcal{P}_p$$

- ▶ En pratique, (1) et (2) sont trop faibles

## Méthode générale

1. Construction des graphes de dépendance (*termes et prédicats*)
2. Attribution d'une pertinence à chaque terme et prédicat
3. Partant d'une sélection très restrictive :
  - ▶ Filtrage des hypothèses et preuve automatique

Ok C'est prouvé

Timeout / Invalid On abandonne

Unknown On recommence avec un filtrage plus lâche



## Sélection d'hypothèses (Exemple)

$$\mathcal{T}_0 = \{m, m_2, Tab, a\}$$

$$\mathcal{T}_1 = \mathcal{T}_0 \cup \left\{ \begin{array}{l} shift_0, shift_1, shift_2, \\ upd_0, acc_0, acc_1 \end{array} \right\}$$

$$\mathcal{T}_2 = \mathcal{T}_1 \cup \{m_0\}$$

$$\mathcal{P}_0 = \{\mathbf{diff}\}$$

$$\mathcal{P}_1 = \mathcal{P}_0 \cup \{\overline{\mathbf{valid}}, \mathbf{mem}, =\}$$

$$\mathcal{P}_2 = \mathcal{P}_1 \cup \{\overline{\mathbf{mem}}, \backslash \mathbf{valid}\}$$

$$\mathcal{P}_3 = \mathcal{P}_2 \cup \{\neq, \overline{\mathbf{diff}}\}$$

- Pour sélectionner l'hypothèse :

$$m_0 = upd( m, Tab+a, acc(m, Tab+a) + acc(m, Tab+a+1) )$$

- Caractérisée par :

$$T = \{m, m_0, upd_0, shift_0, shift_1, shift_2, Tab, a, acc_0, acc_1\}$$

$$P = \{=\}$$

- Dans cet exemple simplifié, il faut au minimum  $i_t = 2$  et  $i_p = 1$
- Cette sélection permet d'établir automatiquement l'exemple

# Démo de l'exemple fil rouge

# Étude de cas Dassault

- ▶ Extrait du programme de contrôle d'avions civils
- ▶ 4000 lignes de code C
- ▶ 184000 conditions de vérification
- ▶ dont 65 non vérifiées automatiquement
  - ▶ Finalement déchargées grâce à l'approche proposée
  - ▶ avec :
    - ▶  $i_t \leq 4$
    - ▶  $i_p \leq 1$
    - ▶ timeout = 240s
- ▶ Particularités de cet exemple :
  - ▶ Hypothèses très grosses (200 littéraux)
  - ▶ Aucune hypothèse n'est quantifiée

# Étude de cas Dassault

- ▶ Extrait du programme de contrôle d'avions civils
- ▶ 4000 lignes de code C
- ▶ 184000 conditions de vérification
- ▶ dont 65 non vérifiées automatiquement
  - ▶ Finalement déchargées grâce à l'approche proposée
  - ▶ avec :
    - ▶  $i_t \leq 4$
    - ▶  $i_p \leq 1$
    - ▶ timeout = 240s
- ▶ Particularités de cet exemple :
  - ▶ Hypothèses très grosses (200 littéraux)
  - ▶ Aucune hypothèse n'est quantifiée

# Étude de cas Oslo

- ▶ Oslo est un Open Secure LOader :
  - ▶ Logiciel de bas niveau utilisant le TPM
  - ▶ Lanceur de programmes
  - ▶ Construit un environnement d'exécution de confiance
- ▶ Les hypothèses sont nombreuses et « fortement » quantifiées
- ▶ 1500 lignes de code C et assembleur
- ▶ 7300 CVs
- ▶ Extrait étudié :
  - ▶ 40 SLOC + 500 lignes de spécification
  - ▶ 771 CVs générées
  - ▶ 707 CVs déchargées automatiquement par Simplify
  - ▶ 42 supplémentaires grâce à la sélection d'hypothèses

- ▶ Méthode de sélection des hypothèses basée sur les graphes
  1. Construction des graphes de dépendance (*termes et prédicats*)
  2. Calcul des ensembles de termes et prédicats pertinents
  3. Filtrage des hypothèses par rapport à ces ensembles
  4. Méthode incrémentale jusqu'à divergence du prouveur
  
- ▶ Le code développé est intégré à l'outil WHY
  - ▶ Langage OCaml
  - ▶ Moins de 2000 lignes de code
  - ▶ Heuristiques sélectionnables par ligne de commande
  - ▶ Disponible en téléchargement libre
  
- ▶ La CV de l'exemple fil rouge se décharge en 0.40 secondes (*au lieu d'un timeout après 1 minute*)

# Bilan et perspectives des heuristiques plus fines

- ▶ Déjà fait :
  - ▶ Mise en CNF des hypothèses  
*Filtrage des clauses et non pas des formules*
  - ▶ Annotation des comparaisons par les termes attenants  
 $f(x) = g(y)$  donnent les prédicats  $=_f$  et  $=_g$
- ▶ A faire :
  - ▶ Abstraction des prédicats de comparaison  
*Laisse les déductions arithmétiques aux prouveurs*
  - ▶ Élaguer les hypothèses en préservant leur forme  
*Limite les instantiations répétitives du prouveur*
- ▶ Objectif visé : *Vérification 100% automatique d'Oslo*

Merci de votre attention

Avez vous des questions ?



# Brève introduction syntaxe + calcul de WP

## Syntaxe

*//@ requires R // Pré-condition*  
*//@ ensures Q // Post-condition* } *formules logiques*  
*F {...} // Fonction C*

## Principe de la logique de Hoare

- ▶ Si  $R$  est vrai alors l'exécution de  $F$  vérifie  $Q$

Propriété *Tout  $r$  t.q.  $r \implies R$  est aussi une pré-condition pour  $F$  et  $Q$*

*Notons  $\text{Pré}(F, Q)$  l'ensemble des pré-conditions pour  $F$  et  $Q$*

## WP = Weakest Precondition

- ▶  $P$  : Plus faible pré-condition pour  $F$  et  $Q$  signifie que
  - ▶  $P \in \text{Pré}(F, Q)$
  - ▶  $\forall r \cdot r \in \text{Pré}(F, Q) \implies (r \implies P)$
- ▶ Calcul de WP : permet de construire  $P$  à partir de  $F$  et  $Q$

Vérification *Consiste à montrer que  $R \implies \text{WP}(F, Q)$*

# Brève introduction syntaxe + calcul de WP

## Syntaxe

*//@ requires R // Pré-condition*  
*//@ ensures Q // Post-condition* } *formules logiques*  
*F {...} // Fonction C*

## Principe de la logique de Hoare

- ▶ Si  $R$  est vrai alors l'exécution de  $F$  vérifie  $Q$

**Propriété** *Tout  $r$  t.q.  $r \implies R$  est aussi une pré-condition pour  $F$  et  $Q$*

*Notons  $\text{Pré}(F, Q)$  l'ensemble des pré-conditions pour  $F$  et  $Q$*

## WP = Weakest Precondition

- ▶  $P$  : Plus faible pré-condition pour  $F$  et  $Q$  signifie que
  - ▶  $P \in \text{Pré}(F, Q)$
  - ▶  $\forall r \cdot r \in \text{Pré}(F, Q) \implies (r \implies P)$
- ▶ Calcul de WP : permet de construire  $P$  à partir de  $F$  et  $Q$

**Vérification** *Consiste à montrer que  $R \implies \text{WP}(F, Q)$*

# Brève introduction syntaxe + calcul de WP

## Syntaxe

$\left. \begin{array}{l} // @ \text{ requires } R \text{ // Pré-condition} \\ // @ \text{ ensures } Q \text{ // Post-condition} \end{array} \right\} \text{formules logiques}$

$F \{ \dots \} \text{ // Fonction } C$

## Principe de la logique de Hoare

- ▶ Si  $R$  est vrai alors l'exécution de  $F$  vérifie  $Q$

**Propriété** *Tout  $r$  t.q.  $r \implies R$  est aussi une pré-condition pour  $F$  et  $Q$*

*Notons  $\text{Pré}(F, Q)$  l'ensemble des pré-conditions pour  $F$  et  $Q$*

## WP = Weakest Precondition

- ▶  $P$  : Plus faible pré-condition pour  $F$  et  $Q$  signifie que
  - ▶  $P \in \text{Pré}(F, Q)$
  - ▶  $\forall r \cdot r \in \text{Pré}(F, Q) \implies (r \implies P)$
- ▶ Calcul de WP : permet de construire  $P$  à partir de  $F$  et  $Q$

**Vérification** *Consiste à montrer que  $R \implies \mathcal{WP}(F, Q)$*

# Introduction par l'exemple

//@ **requires**  $x \geq 0$  // Pré-condition

//@ **ensures**  $x > 0$  // Post-condition

```
void incx() {  
    x=x+1 ;  
    y=x ;  
}
```

## Exemple de condition de vérification générée

Préservation de la post-condition

$$\underbrace{\text{Pré-condition}}_{x \geq 0} \implies \underbrace{\text{WP}(inc_x, x > 0)}_{(x_0 = x + 1 \wedge y_0 = x_0 \implies x_0 > 0)}$$

Où  $x$  est la variable avant l'affectation et  $x_0$  celle après l'affectation

# Introduction par l'exemple

```
//@ requires  $x \geq 0$  // Pré-condition  
//@ ensures  $x > 0$  // Post-condition  
//@ assigns  $x$  // Liste des variables modifiées
```

```
void  $inc_x()$ {  
   $x=x+1$  ;  
   $y=x$  ;  
}
```

## Exemple de condition de vérification générée

Pas de modification des variables autres que  $x$

$$\underbrace{\text{Pré-condition}}_{x \geq 0} \implies \overbrace{\left( x_0 = x + 1 \wedge y_0 = x_0 \implies y_0 = y \right)}{\mathcal{WP}(inc_x, y_0 = y)}$$

*Ce qui est faux.*