

# Vérification par la preuve de propriétés temporelles sur des programmes C

*Travail financé par le projet PFC du pôle de compétitivité System@tic.*

Julien Gros Lambert<sup>a</sup>

Nicolas Stouls<sup>b</sup>

<sup>a</sup> Trusted-Labs

Julien.GrosLambert@trusted-labs.com

<sup>b</sup> Projet ProVal, INRIA Saclay – Île-de-France

INSA Lyon, CITI

Nicolas.Stouls@inria.fr

AFADL 2009

# Introduction et état de l'art

## Contexte

- Propriétés temporelles
- Génération d'annotations de programmes
- Outil Frama-C (*Vérification de programmes C annotés*)
- Projet PFC (*Plate-Formes de Confiance, pôle System@tic*)



## État de l'art

- [Trentelman *et al.* - AMAST'02]  
*Génération d'annotations JML à partir de propriétés JTPL*  
*Exemple de limitation JTPL :  $(x = 0) \implies \circ(y = 3)$*
- [Gros Lambert - Thèse 2007]  
*Extension à la LTL + Preuve de correction*  
*Orienté vérification par animation (sous contexte)*

# Objectifs

## Objectif

- Conformité de programmes C v-à-v de propriétés LTL
- Favoriser l'automatisation de la preuve
- *Pour l'instant : composantes sûreté + vivacité finie*

## Difficultés

- Insuffisance des hypothèses pour la preuve
- Explosion combinatoire des OP (*nombre et complexité*)
- Programmes C (*appels imbriqués ou récursifs*)

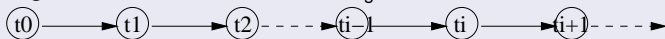
# Plan

- 1 Conditions suffisantes
- 2 Contributions théoriques :
  - 1 *Ajout d'hypothèses*
  - 2 *Propagation statique des contraintes*
- 3 Contribution outillée
- 4 Conclusion

# Correction programme VS formule LTL

## Principe (*Composante sûreté*)

- Programme : ensemble  $PATH_{Prog}$  de traces d'exécution



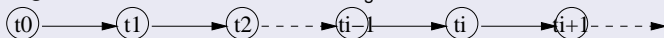
- LTL : ensemble  $PATH_{Büchi}$  de chemins de l'automate de Büchi
- Vérification : acceptation de toute trace d'exécution

$$\forall t \in PATH_{Prog} \cdot \exists c \in PATH_{Büchi} \cdot \forall i \cdot t_i \models P_i(c)$$

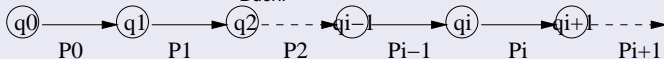
# Correction programme VS formule LTL

## Principe (Composante sûreté)

- Programme : ensemble  $\text{PATH}_{\text{Prog}}$  de traces d'exécution



- LTL : ensemble  $\text{PATH}_{\text{Büchi}}$  de chemins de l'automate de Büchi



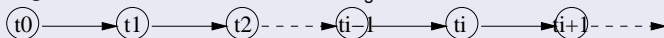
- Vérification : acceptation de toute trace d'exécution

$$\forall t \in \text{PATH}_{\text{Prog}} \cdot \exists c \in \text{PATH}_{\text{Büchi}} \cdot \forall i \cdot t_i \models P_i(c)$$

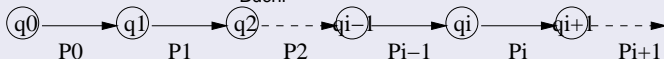
# Correction programme VS formule LTL

## Principe (Composante sûreté)

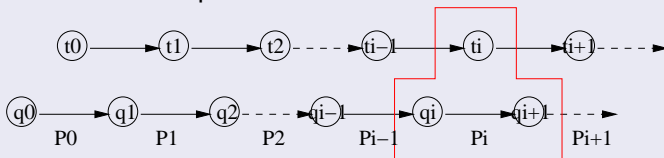
- Programme : ensemble  $\text{PATH}_{\text{Prog}}$  de traces d'exécution



- LTL : ensemble  $\text{PATH}_{\text{Büchi}}$  de chemins de l'automate de Büchi



- Vérification : acceptation de toute trace d'exécution



$$\forall t \in \text{PATH}_{\text{Prog}} \cdot \exists c \in \text{PATH}_{\text{Büchi}} \cdot \forall i \cdot t_i \models P_i(c)$$

# Application à la vérification par la preuve

## Forme générale des OP générées

$H_1$       */\* Programme et propriété précédemment synchronisés \*/*

$H_{2\dots n}$       */\* Hypothèses liées à la mise à jour de l'automate \*/*

$H_{n+1\dots m}$       */\* Hypothèses liées au corps de l'opération \*/*

---

*But*      */\* Programme et propriété restent synchronisés \*/*



# Application à la vérification par la preuve

## Forme générale des OP générées

$$H_1 \quad \bigvee_{i=0}^{Nb\acute{E}tats-1} \text{old}(\acute{E}tats[i]) \neq 0$$

$H_{2\dots n}$     */\* Hypothèses liées à la mise à jour de l'automate \*/*

$H_{n+1\dots m}$     */\* Hypothèses liées au corps de l'opération \*/*

---

$$\text{But} \quad \bigvee_{i=0}^{Nb\acute{E}tats-1} \acute{E}tats[i] \neq 0$$

# Application à la vérification par la preuve

## Forme générale des OP générées

$$H_1 \quad \bigvee_{i=0}^{Nb\acute{E}tats-1} \text{old}(\acute{E}tats[i]) \neq 0$$

$H_{2\dots n}$     */\* Hypothèses liées à la mise à jour de l'automate \*/*

$H_{n+1\dots m}$     */\* Hypothèses liées au corps de l'opération \*/*

---

$$\text{But} \quad \bigvee_{i=0}^{Nb\acute{E}tats-1} \acute{E}tats[i] \neq 0$$

## Difficultés liées à la preuve automatique

- $H_{n+1\dots m}$  difficilement exploitables
- $H_1$  trop faible
- Explosion du nombre d'OP avec le nombre d'états

# Application à la vérification par la preuve

## Forme générale des OP générées

$$H_1 \quad \bigvee_{i=0}^{Nb\acute{E}tats-1} \text{old}(\acute{E}tats[i]) \neq 0$$

$H_{2\dots n}$     */\* Hypothèses liées à la mise à jour de l'automate \*/*

$H_{n+1\dots m}$     */\* Hypothèses liées au corps de l'opération \*/*

---

$$\text{But} \quad \bigvee_{i=0}^{Nb\acute{E}tats-1} \acute{E}tats[i] \neq 0$$

## Propositions

- Créer des liens Büchi ( $H_{n+1\dots m}$ ) – Prog ( $H_{2\dots n}$ )  
( $H_{m+1\dots k}$  : Spécification de l'automate et de ses transitions)
- Limiter les disjonctions *But* et  $H_1$   
(Analyse statique des états inatteignables)

# Création de liens Büchi-Prog

## Principe (en 3 points)

- Axiomatisation de l'automate
- Mémorisation des transitions franchies
- Ajout d'invariants de liaison automate-programme

## Mise en œuvre

```
/*@ axiomatic transStart{ logic integer transStart(integer tr) ;  
  @ axiom transStart0 : transStart(0) = /* État de départ de la transition 0 */ ;  
  @ axiom transStart1 : transStart(1) = /* État de départ de la transition 1 */ ;  
  @ ... }  
  
  @ axiomatic transStop{ logic integer transStop(integer tr) ;  
  @ axiom transStop0 : transStop(0) = /* État d'arrivée de la transition 0 */ ;  
  @ ... }  
  
  @ predicate transCond(integer tr)=  
  @ (tr = 0 ⇒ ... /* Condition de la transition 0 */) ∧  
  @ (tr = 1 ⇒ ... /* Condition de la transition 1 */) ∧ ... */
```

# Création de liens Büchi-Prog

## Principe (en 3 points)

- Axiomatisation de l'automate
- Mémorisation des transitions franchies
- Ajout d'invariants de liaison automate-programme

## Mise en œuvre

- Ajout d'une variable *Trans*
- Redondance partielle avec *États* (simplification des OP)
- Cohérence *Trans* / *États* préservée par invariant

# Création de liens Büchi-Prog

## Principe (en 3 points)

- Axiomatisation de l'automate
- Mémorisation des transitions franchies
- Ajout d'invariants de liaison automate-programme

## Mise en œuvre

```
/* @ global invariant Non-franchissabilité :  
  @  $\forall tr; tr \in 0..NbTrans \wedge (\acute{E}tats_{Old}[transStart(tr)] = 0 \vee \neg transCond(tr))$   
  @  $\Rightarrow Trans[tr] = 0;$   
  @  
  @ global invariant Non-atteignabilité :  
  @  $\forall st; st \in 0..Nb\acute{E}tats \wedge$   
  @  $(\forall tr; tr \in 0..NbTrans \Rightarrow Trans[tr] = 0 \vee transStop(tr) \neq st)$   
  @  $\Rightarrow \acute{E}tats[st] = 0; */$ 
```

# Première approximation des pré/post-conditions

- Approche : sur-approximation depuis la propriété :
  - Retrait des transitions/états syntaxiquement interdits
    - *Abstraction des expressions (sur variables)*
    - *Exploitation des prédicats (sur nom d'opérations)*
  - Pré-condition de *main* : état initial de la propriété
  - Post-condition de *main* : états d'acceptation de la propriété

## Algo de construction pour chaque opération $Op$

$Pré(Op).Trans \leftarrow \{tr \mid \text{l'appel d}'Op \text{ n'est pas interdit par } tr\}$

$Pré(Op).États \leftarrow transStop[Pré(Op).Trans]$

$Post(Op).Trans \leftarrow \{tr \mid \text{le retour d}'Op \text{ n'est pas interdit par } tr\}$

$Post(Op).États \leftarrow transStop[Post(Op).Trans]$

# Propagation statique des contraintes

## Différentes méthodes mises en œuvre

- 1 Interprétation abstraite avant-arrière
- 2 Restriction aux cas d'utilisation
- 3 Spécification des boucles
- 4 Raffinement des post-conditions

## Mise en œuvre



# Propagation statique des contraintes

## Différentes méthodes mises en œuvre

- 1 Interprétation abstraite avant-arrière
- 2 Restriction aux cas d'utilisation
- 3 Spécification des boucles
- 4 Raffinement des post-conditions

## Mise en œuvre

- Propagation des spécifications approximées
- Abstraction des expressions
- IA avant : limitation des post-conditions aux états atteignables
 
$$Post(Op) \leftarrow Post(Op) \cap_2 Fwd_{Op}(Pré(Op), body(Op))$$
- IA arrière : limitation des pré-conditions aux états non-divergents
 
$$Pré(Op) \leftarrow Pré(Op) \cap_2 Backward_{Op}(Post(Op), body(Op))$$

# Propagation statique des contraintes

## Différentes méthodes mises en œuvre

- 1 Interprétation abstraite avant-arrière
- 2 Restriction aux cas d'utilisation**
- 3 Spécification des boucles
- 4 Raffinement des post-conditions

## Mise en œuvre

- A chaque passe : tous les appels sont observés
- Recensement des états d'appel de chaque opération
- Restriction des specs aux cas d'utilisation
- Point fixe des spécifications termine

# Propagation statique des contraintes

## Différentes méthodes mises en œuvre

- 1 Interprétation abstraite avant-arrière
- 2 Restriction aux cas d'utilisation
- 3** Spécification des boucles
- 4 Raffinement des post-conditions

## Mise en œuvre

- Problèmes :
  - Propager les pré/post à travers la boucle
  - Annoter la boucle pour rendre la vérification possible  
*(Induction d'un invariant en terme des états/transitions de l'automate)*

# Propagation statique des contraintes

## Différentes méthodes mises en œuvre

- 1 Interprétation abstraite avant-arrière
- 2 Restriction aux cas d'utilisation
- 3 Spécification des boucles
- 4 Raffinement des post-conditions

## Mise en œuvre

- Post-conditions en terme des états d'entrée

**behavior** buch<sub>0</sub> :

**assumes** États[0] ≠ 0

- Exemple : **ensures** ... /\* Post-condition liée à l'état d'entrée 0 \*/

**behavior** buch<sub>1</sub> :

**assumes** États[1] ≠ 0

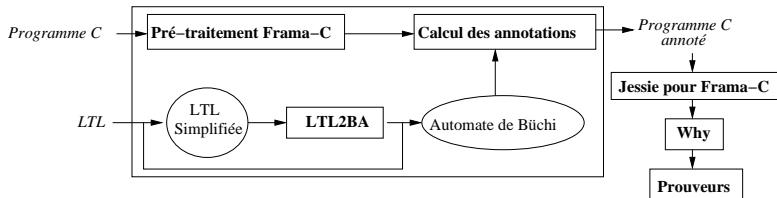
**ensures** ... /\* Post-condition liée à l'état d'entrée 1 \*/

- Intérêt :

Appels de fonctions depuis différents contextes

# Plug-in Aoraï

- Implante les algos présentés
- Intégré dans Frama-C (*CEA-List + INRIA-Saclay*)
- Conversion LTL vers Büchi : LTL2BA (*LSV*)
- Génération OP+Preuve : Plug-in Jessie (*INRIA-Saclay*)
  - + Why (*INRIA-Saclay*)
  - + Simplify (*Compaq*)
  - + Alt-Ergo (*INRIA-Saclay*)
  - + ...



# Bilan

## Résultats obtenus

- Vérification de propriétés LTL (*sûreté + vivacité finie*)
- Automatisation des preuves
  - Ajout d'hypothèses de lien Automate-Programme
  - Simplifications statiques
- Validation de l'approche par le développement d'un outil

## Comparaison avec l'approche [Pavlova *et al.* - CARDIS'04]

### Automates de propriétés et propagation des contraintes

- Propagation des contraintes après génération des annotations
- Propagation : union des pré/post accessibles
- Propriétés considérées semblent déterministes
- Vérification de la spécification externe de programmes

# Bilan

## Résultats obtenus

- Vérification de propriétés LTL (*sûreté + vivacité finie*)
- Automatisation des preuves
  - Ajout d'hypothèses de lien Automate-Programme
  - Simplifications statiques
- Validation de l'approche par le développement d'un outil

## Comparaison avec l'approche [Pavlova *et al.* - CARDIS'04]

Automates de propriétés et propagation des contraintes

- Propagation des contraintes après génération des annotations
- Propagation : union des pré/post accessibles
- Propriétés considérées semblent déterministes
- Vérification de la spécification externe de programmes

# Travaux futurs

## Renforcement de la précision des annotations

- Ajout d'heuristiques d'IA (*élargissement + graphe d'appel*)
- Diminuer l'abstraction de l'IA
- Post-conditions sous hypothèses de valeurs des variables

## Étendre à la composante vivacité

- Travaux initiaux prennent en compte la vivacité (*variant*)
- Exploiter les mécanismes de variant/decreases d'ACSL
- Joindre des techniques d'animation ? (*atteignabilité*)



# Merci de votre attention

Démonstration de l'outil possible aux pauses

# Annexe : Propagation statique des contraintes

## Interprétation abstraite avant

$$Fwd_{Op}(P, []) \hat{=} P$$

$$Fwd_{Op}(P, (x = E) :: L) \hat{=} Fwd_{Op}(P, L)$$

$$Fwd_{Op}(P, Call(Op2) :: L) \hat{=} Fwd_{Op}(Post(Op2), L)$$

$$Fwd_{Op}(P, (IF (c) B_1 ELSE B_2) :: L) \hat{=}$$

$$\text{let } p_1, p_2 = Fwd_{Op}(P, B_1), Fwd_{Op}(P, B_2) \text{ in } Fwd_{Op}(p_1 \cup_2 p_2, L)$$

$$Fwd_{Op}(P, (\text{return } e) :: []) \hat{=}$$

$$(Trans = \{tr \mid transStart(tr) \in P.\acute{E}tats \wedge \text{le retour d'Op peut franchir } tr\},$$

$$\acute{E}tats = transStop[Trans])$$

# Annexe : Propagation statique des contraintes

## Spécification des boucles 1/2

Forme générale d'une boucle dans Frama-C :

```
{préboucle}  
while(1) {  
  {précorps}  
  if(c) goto LabelEndLoop ;  
  ... /* Corps de la boucle */  
  {postcorps}  
}  
LabelEndLoop :  
{postboucle}
```

# Annexe : Propagation statique des contraintes

## Spécification des boucles 2/2

- Pré/post de la boucle connus
- Construction des pré/post du corps par IA avant-arrière
- Propagation des contraintes du corps vers la spec de boucle
- Invariant construit :

**//@ Loop invariant**  $i$  :  $(Init \Rightarrow Pré_{boucle}) \wedge (\neg Init \Rightarrow Post_{corps})$

*Init* : variable fraîche identifiant la première itération.